



بۆ / بەڕێوەبەرایەتی گشتی پەروەردەکانی (هه‌ولێر، سلێمانی، ده‌وێک، هه‌له‌بجەه‌ی شه‌هید، گه‌رمیان، سۆران، زاخۆ،
پاڤه‌رین، که‌رکوک/ب. خۆیندنی کوردی) / ب. پرۆگرامه‌کان
بابەت / پرسیار و بابەته‌کانی پرۆگرامی بیرکاری پۆله‌کانی (١٠، ١١، ١٢) ئاماده‌یی - زانستی که (ده‌خۆیندرین -
هه‌له‌سێردراون - راستکراوه‌ن - ته‌رک کراون)

هاوینج لیستی پرسیار و بابەته‌کانی پرۆگرامی بیرکاری پۆله‌کانی (١٠، ١١، ١٢) ئاماده‌یی - زانستی که (ده‌خۆیندرین - هه‌له‌سێردراون - راستکراوه‌ن - ته‌رک
کراون) له‌ کتیی قوتابی، ڤاھێنان و ڤێهر و مامۆستا ده‌خه‌ینه‌ به‌رده‌ست په‌ڕێژتان به‌ مه‌به‌ستی چێه‌چێکردنی له‌ قوتابی ئاماده‌یی - به‌شی زانستی بۆ سالی
خۆیندن (٢٠٢٤ - ٢٠٢٥).

له‌گه‌ڵ ڤێژدا...

هاوینج/لیستی پرسیار و بابەته‌کانی پرۆگرامی بیرکاری پۆله‌کانی (١٠، ١١، ١٢) ئاماده‌یی - زانستی که (ده‌خۆیندرین - هه‌له‌سێردراون - راستکراوه‌ن - ته‌رک کراون).

حسن سهرتێپ محمد أمين

بەڕێوەبەری گشتی پرۆگرامەکان

٢٠٢٤/١٠/٢٥



وێنەیه‌ک بۆ :-

- نووسینگە‌ی به‌ڕێژ وەزیر/ ب. قوتابخانه‌ ناخکۆمه‌یه‌کان/ له‌گه‌ڵ ڤێژدا
- نووسینگە‌ی به‌ڕێژ بڕیگاری وەزارەت/ له‌گه‌ڵ ڤێژدا
- به‌ڕێوەبەرایەتی گشتی دیوان/ له‌گه‌ڵ ڤێژدا
- ب. گ. ئافێکردنه‌وه‌کان و سالیامه‌ی خۆیندن/ بۆ کاری بنیویست له‌گه‌ڵ ڤێژدا
- ب. گ. سه‌رپه‌رشیگه‌ردنی پەرۆه‌ره‌یه‌ی/ بۆ کاری بنیویست له‌گه‌ڵ ڤێژدا
- ب. گ. فێزکردنی ئاماده‌یی و پێشه‌یی/ بۆ کاری بنیویست له‌گه‌ڵ ڤێژدا
- ب. گ. پرۆگرام و چایه‌مه‌نیه‌کان/ ب. پرۆگرام / هاره‌زا و پێشوازی پرۆگرامه‌کانی خۆیندن / بۆ زانی له‌گه‌ڵ ڤێژدا
- خولای

لیستی پرسیاره تهرکراوه کان له کتییی قوتابی بیرکاری پۆلی ۱۲ ی زانستی که له سه ر
(چاپی چواردیه می سالی 2024 ی شیوه زاری سۆرانی دیاریکراوه ، که بۆ تاقیکردنه وه ی وزاری پشته پێده به ستریت)

بەش	لاپەرە	پرسیار	بەش	لاپەرە	پرسیار
بەشی یەکەم	3	6	بەشی پێنجەم	164	22
	19	49		174	پ 2 لقی (ب)
	19	50		179	نمونه ی (2)
	19	51		180	خ .چاودیڤری(2)
بەشی دووهم	وانه ی (1- 2) له لاپەرە (40 تا 45) هه مووی			181	11
	61	1		181	21
	61	11		182	22
	74	1		182	27
	74	2		183	9
بەشی سیپه م	103	45	بەشی شه شهم	203	16
	103	48		204	8
	106	نمونه ی (3) ته نها لقی (ه)		211	25+26+27+28
	108	نمونه ی (4) + خ .چاودیڤری(4)		وانه ی (3 - 6) له لاپەرە (205 تا 209) هه مووی	
بەشی چوارم	109	3	بەشی هه وته م	هه موو به شه که هه لپه سیندراوه هه وه ها پرسیاره کانی په یوه ست به م به شه .	
	129	9			
	130	23			
	141	خ .چاودیڤری(1)			
	145	10			
	147	23			
	153	12 + 13			
	155	25			

لیستی پرسیاره تهرکراوه کان له کتیبه کانی (رَاهِيْنان و رِيْبهَر و مامۆستا) ی پۆلی ۱۲ ی زانستی

بەش	لاپەرە	پرسیار	کتیب	بەش	لاپەرە	پرسیار	کتیب
بەشی یهكهم	2	12	راهینان	بەشی پینجهم	19	4	راهینان
	3	12	راهینان		19	6	راهینان
	213	19 + 21	رِيْبهَر		19	12	راهینان
	215	14	رِيْبهَر		20	12	راهینان
	216	19 + 21	رِيْبهَر		21	5 + 7 + 8	راهینان
	28	1	مامۆستا		169	نموه ی 2 لقی (ب)	مامۆستا
بەشی دووم	4	هه مووی	راهینان	بەشی شەشهم	173	4	مامۆستا
	7	11	راهینان		177	پرسیاری (4) لقی (ب)	مامۆستا
	8	6	راهینان		179	نموه ی (2)	مامۆستا
	217	5 + 6	رِيْبهَر		23	11 + 13	راهینان
	221	5	رِيْبهَر		244	16	رِيْبهَر
بەشی سێیهم	65	نموه (3)	مامۆستا	بەشی حهوتهم	245	17+18	رِيْبهَر
	10	15	راهینان		247	16+18	رِيْبهَر
	12	3	راهینان		هه موو پرسیاره کانی په یوه ست به وانه ی (6 - 3) له کتیبه کانی راهینان و رِيْبهَر و مامۆستا		
	102	5	مامۆستا		هه موو پرسیاره کانی په یوه ست به م به شه له کتیبه کانی راهینان و رِيْبهَر و مامۆستا		
	107	نموه (4)	مامۆستا				
بەشی چوارم	108	نموه (5)	مامۆستا				
	111	2	مامۆستا				
	13	11	راهینان				
	13	12	راهینان				
	14	8	راهینان				
	14	13	راهینان				
	14	14	راهینان				
	16	7+9+14	راهینان				
	17	7 + 10	راهینان				
	123	نموه (4)	مامۆستا				
	143	نموه (5)	مامۆستا				
	153	2	مامۆستا				

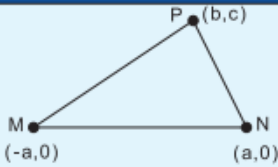
به شى يه كه م : كتيى قوتابى

لاپه ره 3

$$f(x) = \tan(x - \pi)$$

6

دهربارهى چه مكه كان



لاپه ره 19

له راهینانى 49 تا 51 ، پۆتانی خاله يه كتربرينه ديارىكراوه كه بدۆزه وه. پوونىكه وه چۆن شىكاره كهت نه جامدا.

49 خالى يه كتربرينى ته وه ره كانى لايه كانى سىگۆشه كه.

50 خالى يه كتربرينى ناوه نده كانى سىگۆشه كه.

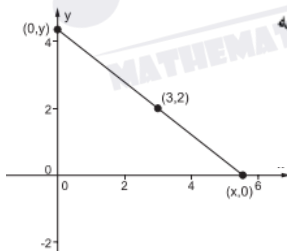
51 خالى يه كتربرينى به رزييه كانى سىگۆشه كه.

به شى يه كه م : كتيى راهینان

لاپه ره 2

12 كۆمپانىايه كه دوو درخسته ي پيشكهش به فهرمانبريى نوێ كرد، بۆ ئه وهى يه كى كان هه لبريژيژ. له درخسته ي يه كه م 6500 دينار به رامبه ر هه ر كاتر ميژيى كار وه ره گريژ، له گه ل 500 دينار بۆ هه ر يه كه يه كى به ره هه م. له درخسته ي دووهم 5100 دينار وه ره گريژ به رامبه ر هه ر كاتر ميژيى كار له گه ل 700 دينار بۆ هه ر يه كه يه كى به ره هه م.

لاپه ره 3



12 ويژه به رامبه ر سىگۆشه يه كى وه ستاو له چاريى يه كه م له پووته ختى پۆتانه كان كه له گه ل دوو ته وه رى پۆتانه كان و راسته هيليك به خالى (3, 2) دا ده روات پى كديت پوونده كاته وه، دريژى ژيى سىگۆشه كه وهك نه خشه يه كه به پيى x بنووسه.

به شى يه كه م : كتيى رېبه ر

19 $f(x) = \sqrt{x}$ و $g(x) = 2\sqrt{x+3}$ ، كام له م جيگۆر كييانه پوونكر دنه وهى f بۆ پوونكر دنه وهى g ده گۆريژ؟

لاپه ره

213

ا) كشانى ستوونى به هاوكۆلكه ي 2 پاشان راكيشانى 3 يه كه بۆ سه ره وه.

ب) كشانى ستوونى به هاوكۆلكه ي 2 پاشان راكيشانى 3 يه كه بۆ لاي راست.

ج) كشانى ناسۆيى به هاوكۆلكه ي 2 پاشان راكيشانى 3 يه كه بۆ لاي چه پ.

د) كشانى ستوونى به هاوكۆلكه ي 2 پاشان راكيشانى 3 يه كه بۆ لاي چه پ.

21 شۆنى ئىنتىكەيەكى ھونەرى (تحفة فنية) بە 850 ھەزار دىنار كرى، نىخى ئىو ئىنتىكەيە سالانە 5% بەرز دەپنەو، نىخەكى پاش 8 سال بە نىكەي دەپنە چەند؟

لاپەرە
213

ج 1190000

ا 1256000

د 1000000

ب 7140000

لاپەرە 215

14 مەوداى نەخشەى $f(x) = \frac{4}{1+\sqrt{x}}$ ديار بکە.

لاپەرە
216

19 $f(x) = \sin x$ ، نەخشەى $g(x)$ بنوسە کە پرونکردنەو کە لە ئەنجامى کشانى ستوونى بە ھاوکۆلکە کەى 2 بۆ پرونکردنەو کەى f پاشان بۆ خوارەو پراکیشراو دەردەچىت 3 يەکە.

21 تانکىيەكى ناو 800 لیتری تىدايە. ناوی تانکىيە کە بەپى 10% پۆزانە کەمدەکات، بەلام خاوەنەکەى 50 لیتری پۆزانە تىدەکات، پاش 6 پۆژ چەند لیتر ناوی تىدا دەپنە؟

لاپەرە
28

بەشى يە کەم : کتیبى مامۇستا

1 بوارو مەوداى ھەر نەخشەيەك بدۆزەو.

$$g(x) = \sqrt{x^2 - 1} + \sqrt{x^2 + 1} \quad \text{ب}$$

$$f(x) = \frac{2\sqrt{1-2x}}{x^2} \quad \text{ا}$$

بەشى دووہم : کتیبى قوتابى

ھەموو وانەکە

دەروازەيەك بۆ ھەژمارکردنى جياكارى و
Introduction to Calculus تەواوکارى

1-2

لاپەرە
61

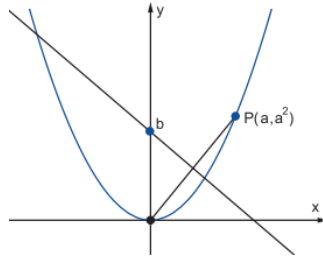
1 نەخشەى $f(x) = 1 - \frac{4}{x}$ و خالى $A(1, -3)$ کە دەکەوئتە سەر وئنە پرونکردنەو کەى بەکاربەينە.

ا وئنەى پرونکردنەو کەى نەخشەکە و برەرەکانى d_1 و d_2 و d_3 بکيشە، کە بە خالى A و خالەکانى $Q(x, f(x))$ دا دەروات کاتيک x بە ھاىەکانى 3، 2، 1.5 يەک لەدواى يەک وەردەگریت.

ب لارى ھەريەکە لە برەرەکان بدۆزەو.

ج پرونيبکەو ھە ئەو کردارەى لە لقى ب ئەنجامتدا چۆن يارمەتیت دەدات بۆ دۆزينەو کەى بە ھاى لارى لیکەوتى پرونکردنەو کە لە خالى A .

لاپەرە
61



11 $a > 0, P(a, a^2)$ خالىكە لەسەر وینەى پروونكرندنەوى
نەخشەى بىرگە ھاوتای $f(x) = x^2$ ئەگەر b يەكترىپىنى
ئەستوونى بېت بۇ تەوهرى ئەو پارچە راستەھیلەى خالى P
بەخالى بنەرەت دەگەينىت، ئەوا ئامانجى b كاتىك P لەخالى
بنەرەت نىزىكدەيىتەو بەدۆزەو.

لە دوو راھىنانى 1 و 2 دا ديارىكە كە ئەگەر شىكاركردىنى پرسىارەكە پىويست بەبەكارھىنانى
ھەژماركردىنى جىكارى و تەواوكارى دەيىت يان دەتوانرىت تەنھا بەبەكارھىنانى جەبر شىكارى
بكەيت ئەگەر بەجەبر شىكارەكرىت، شىكارەكەى بدۆزەو ئەگەر نەتوانرا ھۆيەكەى پروونبەو.

لاپەرە
74

1 ريژى پارچە ھىلى نيوان خالەكانى (1, 1) و (3, 9) لەسەر پروونكرندنەوى نەخشەى $f(x) = 4x - 3$
بدۆزەو.

2 ريژى ئەو كەوانەى بە خالەكانى (1, 1) و (3, 9) ديارىكراو لەسەر پروونكرندنەوى نەخشەى
 $f(x) = x^2$ بدۆزەو.

بەشى دووھم : كىتبى راھىنان

لاپەرە
4

(ھەمووى)

راھىنان

وانە

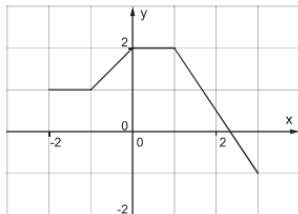
1-2

دەروازەيەك بۇ ھەژماركردىنى جىكارى و تەواوكارى

لاپەرە
7

11 قسەكرندنەكان: تىچوونى قسەكردىن لە نيوان ھەولير و دەرەو بەم شىوھى ھەژمارەكرىت: 1040 دىنار بۇ دوو خولەكى
يەكەم، 360 دىنار بۇ ھەر خولەكىك يان بەشك لە خولەكى زيادە، نەخشەى تەواوى $[x]$ گەرەترىن ژمارەى تەواو لە x
زىاتر نىيە) بەكاربەينە بۇ نووسىنى تىچوونى قسەكردىن بەپى كاتەكەى t بە خولەكەكان. پروونكرندنەوى ئەم نەخشە
بكيشە و بەردەوامىيەكەى تاوتويىكە.

لاپەرە
8



6 پروونكرندنەوى نەخشەى f بەرامبەر بۇ نووسىنى ھاوكيشەى نەخشەى
 $g(x) = \frac{1}{f(x)}$ لەماوھى $[-2, 3]$ بەكاربەينە.

5 خاڭك لەسەر پوونكردنەوھىي نەخشەي $f(x) = \sqrt{4+x}$ دەجوليت، كاتىك بەرھو پېشچوونى ئاسويى خالەكەو $f(x)$ بەرزى بەرامبەرەكەي، كام لەم ژمارانە تېكرپاي گۆراني بەرزى خالەكە لە $x=0$ دەنوييت.

لاپەرە
217

ج $\frac{1}{2}$

ا $\frac{1}{4}$

د $-\frac{1}{4}$

ب 2

6 بۆھاو كېشەي $f(x) = 2x - x^3 - 1$ شىكارىكى (پەگىكى) ھەيە لە نيوان:

ج -2 و -3

ا 0 و $\frac{1}{2}$

د $-\frac{1}{2}$ و 0

ب 1 و 2

لاپەرە
221

5 خاڭك لەسەر چەماوھى نەخشەي $f(x) = 2 + \sqrt{x}$ دەجوليت، كاتىك x بەرھو پېشچوونى ئاسويى خالەكەو $f(x)$ بەرزى بەرامبەر دەنوييت، ئەو ژمارە بدۆزەو كە تېكرپاي گۆراني بەرزى خالەكە لە $x=4$ دەنوييت.

نمونه 3

ژىنگە يەككە لەكۆمپانىياكان خەلوزى بەردىن بۆ

بەرھەمھىنانى كارەبا بەكار دەھييت نەخشەي

$$C(p) = \frac{80p}{100-p}$$

پيسبوونەي دروستيدەكات بە مليۆنەھا دىنار

ھەژماركراو. تېچوونى لەناوبردنى 15% و 60%

و 90% نەو پيسبوونە بدۆزەو. نایا كۆمپانىياكە

دەتوانيت لە 100% ى نەو پيسبوونە لەناوببات؟

لاپەرە
65

به شی سییه م : کتبی قوتابی

لاپهړه

103

45 نهگەر L لیکهوتی چهماوهی $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{c}$ بیټ. بسلیمینه سهرجه می یهکتربرینی نهو راسته هیله لهگهل تهوهری پوتانهکان دهکاته c .

لاپهړه

103

48 تودرانیت که راسته هیلی نهستون لهسهر لیکهوتی بازنه لهخالی لیکهوت بهچهقی بازنهکه دا دپروات، نه مه به بهکارهیانی بازنه $x^2 + y^2 = r^2$ و خالیکی سهری $P(a, b)$ بسلیمینه.

i هاوکیشه لیکهوتی بازنه که لهخالی P دا بدوزهوه.

b هاوکیشه راسته هیلی نهستون لهسهر لیکهوته که لهخالی P دا بدوزهوه، وبسلیمینه بهچهقی بازنه که دا دپروات.

نمونه

3

بهکارهیانی داتشراو بو دوزینهوهی خیرایی

له ناههنگیکی یاری ناگریندا تیریک لهسهر پاییه که 4 پی لهسهر پووی زهوی بهرزه بهرهو سهرهوه هلدرا بهخیرایی سهرتایی برهکی 160 پی له چرکهیه کدا.

ه کهی تیره که دهکه ویتهوه سهر زهوی؟

لاپهړه

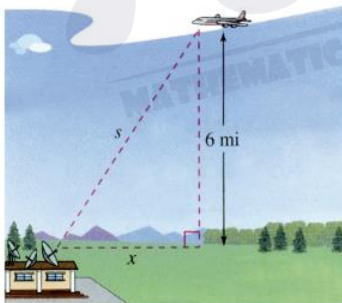
106

ته نهالقی (ه)

نمونه

4

دوزینهوهی خیرایی فرپوکه بههوی رادار «بو تیروانین»



فرپوکهیه که به هیلیکی ناسویی بهسهر ویستگهی راداریک تیپه رده بیټ، وهک لهوینهی بهرامبرپوونکراوتهوه خیرایی ناراسته کراوی فرپوکه که چنده کاتیک له دوری $s = 10\text{ km}$ له ویستگهی راداره که دورره، نهگهر زانیت دوریه کهی s به تیکرای 400 km/h کهمبکات؟

لاپهړه

108

4. فرپوکهیه که لهسهر هیلیکی فرین که بهسهر ویستگهی راداریک تیپه رده بیټ دهفریټ وهک له وینه کهی نمونه 4 تیکرای کهمکردنی دوری s چنده؟ نهگهر زانیت خیرایی ناراسته کراوی فرپوکه که له دوری $s = 9\text{ km}$ بیټ له ویستگهی راداره که بکاته 450 km/h -.

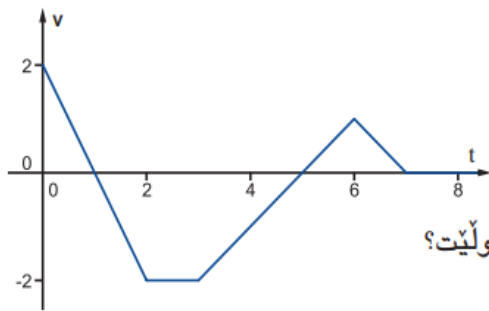


لاپهړه

108

لاپەرە

109



3 جولەي ناسوئي له وينەي بەرامبەر پوونکردنەوہی

نەخشەي $v = f(t)$ دەرەكەوئیت كە خیرایی

ئاراستەكراوی خالێك لەسەر تەوہری x دەنوینئیت.

ا كەي خالەكە بۆ دواوہ دەجولئیت؟ كەي بۆ پیشەوہ دەجولئیت؟

كەي خیراییەكەي زیاددەكات و كەي كەمدەكات؟

ب كەي تاودانی خالەكە موحەب، سالب، سفر دەبئیت؟

ج كەي خالەكە بەئەو پەری خیرایی دەجولئیت؟

د كەي خالەكە بۆ ساتێك زیاتر لە جولەوہ دەوہستئیت؟

بەشی سییەم: كتیی راھینان

لاپەرە

10

15 خیرایی: بیسەلمینە كە ناوہندە خیرایی تەنێكي جولاًو لە ماوہی $[t_0 - 4, t_0 + 4]$ دەكاتە خیرایی

ساتی لە $t = t_0$ ، ئەگەر زانیت نەخشەي لادان بریتییە لە $s(t) = -\frac{1}{2}at^2 + c$

3 لە وینەي بەرامبەر پوونکردنەوہی نەخشەي $v = f(t)$ دەرەكەوئیت، كە خیرایی

ئاراستەكراوی خالێكي تەوہری x دەنوینئیت.

ا كەي خالەكە بۆ دواوہ دەجولئیت؟ كەمي خالەكە بۆ پیشەوہ

دەجولئیت؟ كەي خیراییەكەي زیاد دەكات؟ و كەي كەم دەكات؟

ب كەي تاودانی خالێك موحەب یا سالب یا سفر دەبئیت؟

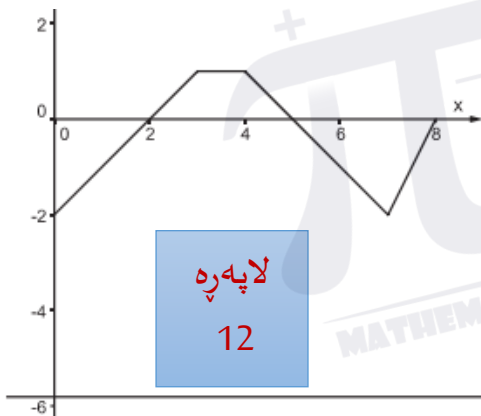
ج كەي خالێك بەئەو پەری خیراییەكەي دەجولئیت؟

د كەي خالەكە لە جولەوہ دەوہستئیت؟

بەشی سییەم: كتیی مامۆستا

لاپەرە

12



لاپەرە

102

5 (i) داتاشاراوی پلە n بۆ نەخشەي $f(x) = \frac{k}{x}$

بدۆزەوہ. $f^{(n)}(x) = (-1)^n n! k x^{-(n+1)}$

ب داتاشاراوی پلەي n بۆ نەخشەي

$g(x) = \frac{x^n + x^{n-1} + \dots + x^2 + x + 1}{x}$ بدۆزەوہ.

$g^{(n)}(x) = (-1)^n n! x^{-(n+1)}$

به شى سىيەم : كتيبي ماموستا

نمونه 4

نەخشەى $s(t) = -0.98t^2 + 3$ نەخشەى لادانى
تەنەكانى دەكەوئە سەر پرووى ھەسارەيەك
دەنوئىنئەى كە $s(t)$ بەرزى تەنەكە بەمەتر لە پرووى
ھەسارەكە دەنوئىنئەى t كاتەكە بەچرەكە دەنوئىنئەى
تاودانى كىشكردى زەوى چەندجار ئەوئەندەى
كىشكردى ئەو ھەسارە دەبئەى؟ 5 جار

لاپەرە

107

نمونه 5

فرۆكەيەك لەبەرزى 5 km بەسەر پادارىك دا
دەفرئەى كاتىك s دوورى نئوان فرۆكەو پادارەكە
13 km بوو، پادارەكە تىكرای كەمبەونى دوورى
نئوان فرۆكەكەو خوى بە 240 km لە كاترئەى
ديارىكرد خىرايى ئاراستەكراوى فرۆكەكە
چەندە؟ -260 km/hr

لاپەرە

108

(2) وادابنى نەخشە $C(x) = x^3 - 20x^2 + 300x$
تيچوونى بەرھەمەيئەنى x يەكە لە يەككە لە
بەرھەمەكانى ھەفتە دەنوئىنئەى $x \in [0, 300]$
 $C(x)$ و بە دینارە تيچوونى پەراوئەى
لەئاستى بەرھەمەيئەنى $x = 100$ بدۆزەو
ليكدانەوئەى بۆ ئەنجامەكە پيشكەش بكە.

لاپەرە

111

لاپهړه

129

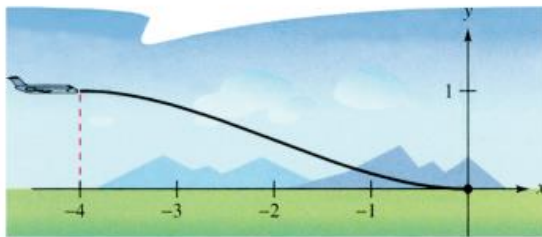
$$f(x) = \frac{1}{\cos\left(x - \frac{\pi}{2}\right)} \quad \text{له ماوه ی } [0, 4\pi]$$

9

23 **نیشته وده ی فروکه** فروکه یه دهستیکرد به نیشته وده کاتیک له بهرزی یه کیلومتر، و له دوری 4 کیلومتر له پاره و ی (مدرج) فروکه خانه یه کدا دابوو (سهری وینه ی بهرام بهر بکه).

لاپهړه

130



نه خشه سیجای $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ بدوزه وده که له ماوه ی $[-4, 0]$ پړه و ی فروکه که له ماوه ی نیشته وده ی ده نویئت؟

لاپهړه

141

1. وینه ی پوونکر د نه وده ی نه خشه ی $f(x) = \frac{3(x-2)}{x^2-1}$ بکیشه.

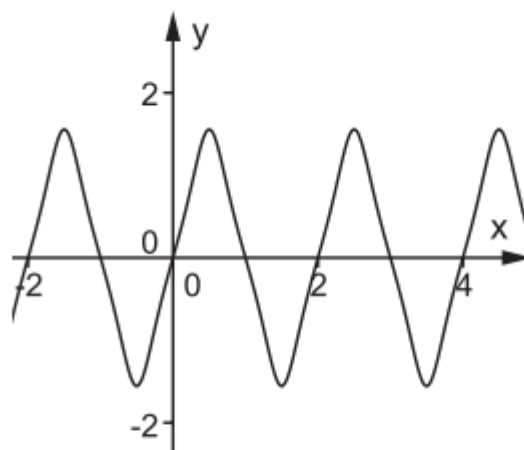


لاپهړه 145

$$f(x) = 2 - x - x^3$$

10

23 **خویندنه وده ی پوونکر د نه وده کان** پوونکر د نه وده ی خواره وده بریتیه له پوونکر د نه وده ی نه خشه ی $f(x) = \tan(\sin \pi x)$.



لاپهړه

147

- ا. نایا وینه پوونکر د نه وده که هاوچیبونه؟ نه گهر وایه جوړی هاوچیبونه که دیاریبکه.
- ب. نایا نه خشه که دوو باره بوونه وده یه؟ نه گهر وایه ماوه ی دوو باره بوونه وده ی دیاریبکه.
- ج. به هایه کانی کوتایی بو نه خشه که له ماوه ی $[-1, 1]$ دیاریبکه.
- د. نایا نه خشه که خالی و مرگه پانی له ماوه ی $[0, 1]$ هیه. ژماره یان چنده؟

12

عەمبارىكى بچوك شۆەى لولەكى وەرەگرىت كە دوو بىكەكەى بەنىوگۆ كۆتايى دىت، قەبارەى گشتى ئەو عەمبارە دەكاتە 12 m^3 نىوەتيرەى لولەكە كە بدۆزەو، كە كەمترىن پروبەرى پروى عەمبارەكە دابىندەكات.

13

عەمبارىكى دەستگرد هاوشۆەى عەمبارەكەى پرسىارى پىشوو قەبارەكەى 3 m^3 تىچوونى دوو نىوەگۆيەكە دوو ئەوئەندەى تىچوونى لولەكەكە يە بەمەتر دووجا. نىوە تيرەى بىكەى لولەكە بدۆزەو كەوا دەكات كەمترىن تىچوونى ەبىت.

25

دوورىيەكان پاپۆرى A لەلای پۆژەلات 100 km لە پاپۆرى B دوربوو لەوكاتەى، پاپۆرى A بەئاراستەى پۆژئاوا بەخىرايەك تىكرايەكەى 12 km/h دەجولت و پاپۆرى B بەخىرايى 10 km/h بەرەو باشوور دەجولت. لە چ كاتىك دوورى نىوان دوو پاپۆرەكە كەمترىن دەبىت؟ ئەو دوورىە چەندە؟

بەشى چوارەم: كتيى راھىنان

لاپەرە 13

$$f(x) = \frac{\cos x}{1 + \sin^2 x} \quad 12$$

لاپەرە 13

$$f(x) = x^2 + \cos x \quad 11$$

لاپەرە 14

$$f(x) = -\frac{1}{8}(x+2)^2(x-4)^2 \quad 8$$

لاپەرە

14

13 نەخشەى $C(x) = 2x + \frac{320000}{x}$ نموونەيەك بۆ ەژمارگردنى تىچوونى كرىن و داگردنى x يەكە لە بەرەمىكى ديارىكراو پىكدەھىنيت چەند يەكە لە x پىويستە بكرديت و دابكرت بۆ ئەوئەى تىچوون كەمترىن بىت.

14 نەخشەى $S = \frac{100t^2}{65+t^2}$ كاتىك $t > 0$ نموونەيەك پىكدەھىنيت بۆ ديارىگردنى خىرايى چاپكەرىك لەسەر ئامىرى چاپ (بە ژمارەى وشەكان لە خولەكىك) بەپى ژمارەى ەفتەكان t پاش راھىنانگردنى.

ب) ئايا خىرايى كەسەكە بە بەردەوامى زياد دەكات كاتىك بەھاي t زيادبىت؟ پرونىبەو.

ا) نىشانەى داتاشراوى يەكەم چيە كاتىك t موجب بىت؟

لاپەرە 16

$$f(x) = 2\sin x + \sin 2x \quad 7 \quad \text{لە ماوئەى } [0, 2\pi]$$

$$f(x) = \frac{x}{\tan x} \quad 9 \quad \text{لە ماوئەى } \left] 0, \frac{\pi}{2} \right[$$

$$f(x) = \frac{1}{2}(ax)^2 - ax \quad 14 \quad \text{كاتىك } a \neq 0$$

لاپەرە

16

ا) لە ەمان پروتەختى پۆتانەكان، پرونگردنەوكانى نەخشەكە بۆ چوار بەھاي جياوازى a بكيشە.
ب) ديارىبەكە، ئەگەر گۆرانی بەھاي a ، يەكتربرىنەكانى پرونگردنەوكانى بەھاي ئەوپەرى قۆپاوى يان قۆقىزى نەخشەكە دەگۆرپىت.

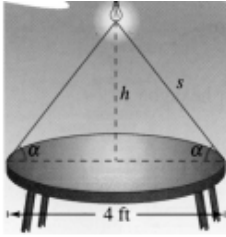
لاپەرە

17

7 بچوكترين پروبەر: سەرجه مى چۆۋى سىگۆشەيەكى رېك (لايەكسان) و چوارگۆشەيەك $10m$ ، درىژى ھەريەك لەلايەكى سىگۆشەكە و لايەكى چوارگۆشەكە بدۆزەو بۆ ئەۋدى سەرجه مى دوو پروبەرەكە بچوكترين بېت.

لاپەرە

17



10 پۆشنایى، گۆپىك دىكەوئىتە سەر مېژىكى بازەيى كە نيوەتيرەكەى 4 پېيە. تيشكى I كە لە پروناكيىو ەدرەچىت بە ياساى $I = \frac{k \sin \alpha}{s^2}$ درىژ دەبېتەو كاتىك k بەھايەكەى نەگۆرەو s درىژى تيشكەكەيە لەسەرچاۋى پروناكيىەكە بۆ لايەكى مېزەكە، α ئەو گۆشەيە كە تيشكەكە لەگەل ئاستى مېزەكە پىكدەھىنئىت. بەھاي h بدۆزەو كە وادەكات تيشكەكە گەرەتيرىن بېت.

بەشى چوارەم: كىتبى مامۇستا

لاپەرە 123

نمونه 4
نەخشەى $y = \frac{8}{2v_0^2 \cos^2 \theta} x^2 + (\tan \theta)x$ بەكاربېتە
بۆ دۆزىنەۋى گۆشەى ھاۋىشتىنى گوللە تۆپىك بۆ
ئەۋپەرى دوورى، ئەگەر خىرايى ھاۋىشتىنەكەى
بكاتە $v_0 = 6m/s$. 45°

لاپەرە 143

نمونه 5
پروونكردنەۋى نەخشەى $f(x) = \frac{1-2\cos x}{\sin x}$ بكىشە.

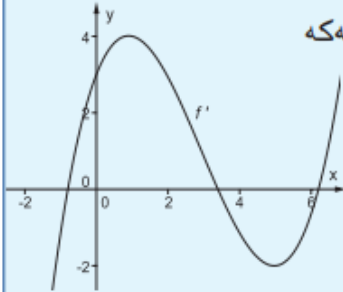
لاپەرە 153

2. نەخشەى $f(x) = \frac{x^2 - 80x + 3600}{x}$ بەكاردېت بۆ
ھەژماركردى ناۋەندى تېچوونى
بەرھەمپېننى x لايەككە لە بەرھەمەكان
كاتىك $f(x)$ بە ھەزاران دىنار بېت و
 $10 \leq x \leq 100$

به‌شی پینجه‌م : کتبی قوتابی

دەربارە ی چەمکەکان

22



له وینە ی بەرامبەر پوونکردنە وە ی f' بۆ نەخشە ی f دەردەکەوێت وینە کە

بەکاربەینە بۆ وە لامدانە وە ی ئەم پرسیارانە ئەگەر زانیت $f(0) = -4$.

ا) بەهایەکی نزیکارو بەلاری نەخشە ی f بە کاتی $x = 4$ بێت.

ب) ئایا دەکرێت $f(2) = -1$ ؟ وە لامەکەت پوونبکە وە.

ج) ئایا دەکرێت $f(5) - f(4) > 0$ ؟ وە لامەکەت پوونبکە وە.

د) بەهایەکی نزیکارو بە بە x کاتی f نەخشە ی بەهای گەورەترین کۆتایی وەردەگرێت.

وە لامەکەت پوونبکە وە.

ه) ئەو ماوێە بخەملێنە کە نەخشە ی f تیایدا قوایاو هەروەها تیایدا قۆزە. بەهایەکی

نزیکارو بیەکی بە بە x لەخالی وەرگەپان.

و) بەهایەکی نزیکارو بە بە x بۆ ئەو ی f'' بێتە بچوکتە کۆتایی.

ز) وینە یەکی پوونکردنە وە یی بە نزیکارو یی بۆ نەخشە ی f بکێشە.

2

هەریەک لەم تەواوکارییە سنووردارانە بدۆزە وە.

لاپەرە

174

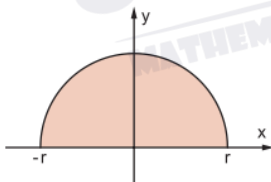
$$\int_0^{\frac{3\pi}{4}} (1 - |\cos x|) dx \quad \text{ب}$$

نمونه

2

پووبەری بازنە

تەواوکاری بەکاربەینە بۆ هەژمارکردنی پووبەری بازنە یەک نیو تیرە کە ی r بێت.



لاپەرە

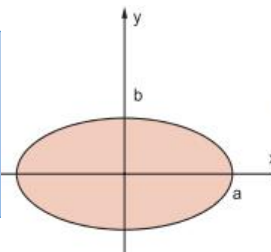
179

2. ئەم بڕگە ناتەواو ی بەرامبەرت چەماوێەکی داخراو

هاوکێشە کە ی $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ئەم جوړە چەماوانە لەبەشی

داها تودا فێردەبیت، بیسەلمێنە پووبەری ئەو بڕگە

ناتەواو دەکاتە πab .



لاپەرە

180



$$b = 3 : a = -3 : f(x) = \sqrt{9 - x^2} \quad 11$$

$$g(x) = x : f(x) = \sin\left(\frac{\pi x}{2}\right) \quad 21$$

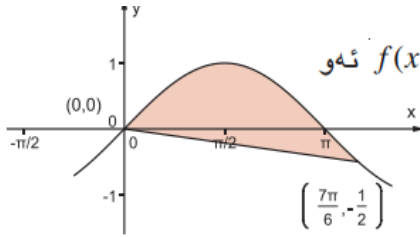
$$g(x) = 0 : f(x) = 9 - x^2 \quad 22$$

لاپەرە 181

لاپەرە 182

لاپەرە

182



27 پووبەر پووبەری سنووردراو بە چەماوەی نەخشی $f(x) = \sin x$ ئەو

پارچە راستەهێلەیی کە خالی بنەرەت دەگەیەنێت بە خالی $(\frac{7\pi}{6}, -\frac{1}{2})$ بدۆزەوه وەك له وینەكەدا دەرەكەوێت.

وینە پووبەری ئەو ناوچەیی کە تەواوکارییەكە دەنیوینێت بکێشە.

لاپەرە 183

$$\int_{-4}^4 \sqrt{16-x^2} dx \quad 9$$

بەشی پینجەم: کتیی راییان

$$\int_{-\frac{\pi}{3}}^{\frac{\pi}{6}} (1 + |\sin x|) dx \quad 4$$

لاپەرە 19

$$\int_0^3 \sqrt{9-x^2} dx \quad 6$$

لاپەرە

19

12 وادابنێ نەخشی $M(x) = 3x^2 - 36x + 105$ تیچوونی پەراویزی بە هەزاران دینار بۆ بەرەمەهێنانی x یەكە بۆ یەكێك لە بەرەمەهەكان دەنیوینێت $(0 \leq x \leq 8)$.

لاپەرە

20

$$I_0 = \int_0^1 e^{1-x} dx \quad I_n = \int_0^1 x^n e^{1-x} dx \quad 12$$

لاپەرە

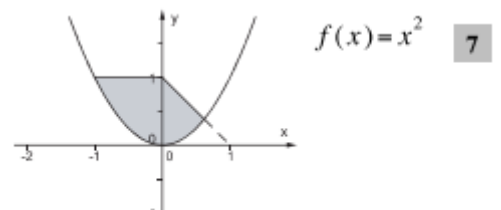
21

5 تەواوکاری بەکاربەێنە بۆ هەژمارکردنی پووبەری بازەنەك، چەقەكەیی $(0, 0)$ و بە خالی $(4, 3)$ دا دەروات.

پووبەری ناوچەیی سیبەرکراو هەژماریکە.

لاپەرە

21



$$f(x) = x^2 \quad 7$$

$$f(x) = \frac{\ln x}{2\sqrt{x}} \quad 8$$

لاپەرە

21

i تەواوکاری بە بەشەشکردن بەکاربەێنە بۆ هەژمارکردنی پووبەری سنووردراوی نێوان پوونکردنەوهی نەخشی $f(x)$

و تەوهری x و هەردوو دوو راستەهێلێ $x = e$ و $x = 1$.

ب قەبارەیی ئەو تەنەیی پەیدا دەبێت لە ئەنجامی سوپانەوهی ناوچەیی سنووردراوی لقی A بە دەوری تەوهری x بدۆزەوه

نمونه 2

لاپەرە

169

بەھاي ھەر تەواوكارىيەك بدۆزەو. $\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{4}} (2x^3 - |\sin x|) dx$ [ب]

لاپەرە 173

$$\int_{-\frac{\pi}{3}}^{\frac{\pi}{3}} (|\sin x| - 2 \cos x) dx \quad (4)$$

لاپەرە 177

$$\int_{-\pi}^{\pi} e^{|x|} \cos x dx \quad (4) \quad \text{بەھاي تەواوكارى}$$

نمونه 2

لاپەرە 179

تەواوكارى بۇ ھەژماركردنى رۇوبەرى بازىيەك چەقەكەي $(0, 0)$ بەخالى $(3, 0)$ دەروات بەكاربەينە. 9π

بەشى شەشەم : كىتەبى قوتابى

لاپەرە

203

16 بەھايەكانى a و b و c بدۆزەو كاتىك برگە ناتەواوى $4x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$ بە خالى $(-1, 2)$ دەروات و لە تەوهرى x دەكەوئە لە خالى بنەرەتدا، بەھاي جياوازى چەقى برگەكە چەندە؟

لاپەرە

204

8 خالى M لە پروتەختى پۇوتاندا دەجولئەت بەمەرچىك دوورى نۆوانى و خالى بنەرەت دەكاتە (دوو سىيەكى) دوورى نۆوانى و راستەھىلى $x = \frac{5}{2}$. جۆرى چەماوەى جولەى خالەكە ديارىبەكە و ھاوكىشەكەى لەسەر شۆوہى گشتى بنووسە.

لە پرسىارى 25 تا 28 جۆرى برگە قوچەكەيەكەو پىكەتەكانى بدۆزەو.

لاپەرە

211

$$16x^2 + 25y^2 + 96x - 256 = 0 \quad (25)$$

$$16x^2 - 25y^2 + 96x - 256 = 0 \quad (26)$$

$$4x^2 + y^2 - 16x - 20 = 0 \quad (27)$$

$$x^2 - 3y^2 + 8x + 12y + 16 = 0 \quad (28)$$

به‌شی شه‌شه‌م : کتیی ریه‌نان

11 جیاوازی چه‌قی خولگی هه‌ساره‌ی مه‌ریخ به‌ نزیکه‌ ده‌کاته 0.09، پێژهی درێژی ئه‌و خولگه‌ بۆ پانییه‌که‌ی بدۆزه‌وه‌.

13 ریه‌نانی پێشو به‌کاربه‌ینه‌ بۆ ئه‌وه‌ی پرونیکه‌یه‌وه‌ که‌ ئامانجی برگی ناته‌واو بریتییه‌ له‌ بازنه‌، کاتیک e نزیکه‌بێته‌وه‌ له‌ 0.

لاپه‌ره
23

به‌شی شه‌شه‌م : کتیی ریه‌ر

16 جوړی ئه‌و چه‌ماوه‌ی هاوکێشه‌ی $x^2 + y^2 + 2xy + 4x = -2$ دهنوینت چییه‌؟

لاپه‌ره
244

ج برگی هاوتا

ا بازنه

د برگی ناته‌واو

ب برگی زیاد

17 برگیه‌کی هاوتا تیشکۆیه‌که‌ی $(0, 0)$ و ده‌لیله‌که‌ی $y = -x + 2$ بیت، کام له‌مانه‌ی دین هاوکێشه‌یه‌تی.

لاپه‌ره
245

ج $x^2 + y^2 = (y - 2)^2$

ا $2(x^2 + y^2) = (x + y + 2)^2$

د $2(x^2 + y^2) = (x + y - 2)^2$

ب $\sqrt{2}(x^2 + y^2) = (x + y - 2)^2$

18 برگیه‌کی ناته‌واو، به‌کێک له‌ تیشکۆکانی خالی $(3, 0)$ و ده‌لیله‌که‌ی راسته‌مێلی $y = x + 3$ و جیاوازی چه‌قه‌که‌ی $\frac{1}{2}$ ، کام له‌م خالانه‌ی دین سه‌ری برگیه‌که‌یه‌؟

لاپه‌ره
245

ج $(2, 2)$

ا $(2, 1)$

د $(0, 3)$

ب $(-1, 4)$

لاپه‌ره
247

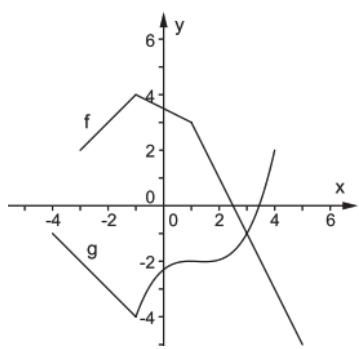
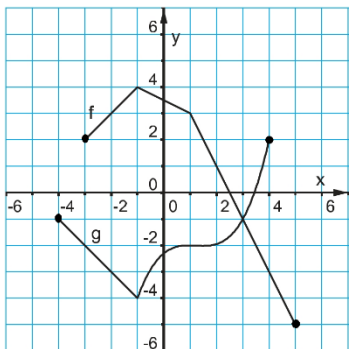
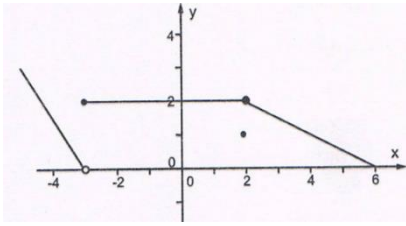
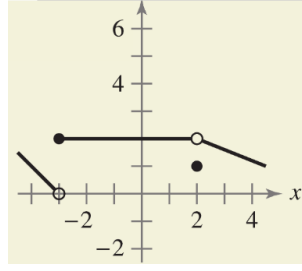
16 جوړی ئه‌و چه‌ماویه‌ دیاریکه‌ که‌ هاوکێشه‌ی $xy + y - 2x = -3$ دهنوینت.

لاپه‌ره
247

18 جیاوازی چه‌قی برگیه‌کی زیاد بدۆزه‌وه‌ که‌ سه‌ره‌که‌ی $(0, 0)$ و به‌کێک له‌ تیشکۆیه‌کانی $(3, -3)$ و ده‌لیله‌که‌ی $y = x + 2$ بیت.

هه‌موو پرسیاره‌کانی په‌یوه‌ست به‌ وانه‌ی سئ له‌ به‌شی شه‌ش ، به‌شی حه‌وت له‌ کتیبه‌کانی ریه‌نان و ریه‌ر و مامۆستا ته‌رکه‌.

لیستی پرسپار و بابته (راستکراوهکان) کتیی قوتابی پۆلی ۱۲ زانستی و کتیی پاهینان

بەش	ژ.لاپەرە	پرسپار	دەقی پێشوو	راستکراوهی دەقهکان	کتیی
تەکم	31	30			
دووم	52	8			
دووم	77	14	ئەم نەخشانی خوارەو بەهای x هەرچەند بێت جگە لە $x = 0$ پێناسە کراوە ، ...	ئەم نەخشانی خوارەو لە $x = 0$ پێناسە نەکراوە ،	
سێیەم	83	سەرەو 8 دیری	$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{0 - 0}{x - 0} = 0$ $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-1 - 0}{x - 0} = -\infty$	$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{0 - 0}{x - 0} = 0$ $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-1 - 0}{x - 0} = +\infty$	
سێیەم	11	12	خاڵێک یان زیاتر دیاریکە کە تییدا لیکەوتی ڕوونکردنەوی پەيوەندی $y^2 - x^2 = y^4$ ئاسۆیی دەبێت ؟ وەلامی راست : (0 , -1) و (0 , 1)	کتیی پاهینان	
چوارم			ماوەکانی پرسپارو شیکارەکانی بۆ ئەم بەشە تەنها بە کراوەیی داواکراو دەبێت.		
چوارم	129	14	$f(x) = x^{\frac{2}{3}} - 3$	$f(x) = x^4 - 3$	
چوارم	148	نموه (1)	پووبەرەکی 675 cm^2	پووبەری پووبەرەکی 675 cm^2	
چوارم	150	نموه (3)	بۆ ئەوێ سەرجهمی درێژی هەردووکیان کەمترین بێت	بۆ ئەوێ بەکاربردنی تەلەکە کەمترین بێت	
چوارم	152	2	ئەو دوو ژمارەیه بدۆزەو	ئەو دوو ژمارە موجه به بدۆزەو	
چوارم	17	9	پووبەری گشتی دەورەدراو گەورەترین بێت	پووبەری گشتی دەورەدراو بچوکترین بێت	کتیی پاهینان